



## Passeggiata aerea

Kenan ha disegnato il piano di costruzione per i grattacieli e le passerelle della strada principale di Baku, che consiste di  $n$  grattacieli numerati da 0 a  $n - 1$  ed  $m$  passerelle numerate da 0 a  $m - 1$ .

Il piano di costruzione è disegnato su una superficie bidimensionale, in cui grattacieli e passerelle sono rappresentati da segmenti verticali ed orizzontali. Il grattacielo  $i$  (per  $0 \leq i \leq n - 1$ ), di altezza  $h[i]$ , è rappresentato un segmento che connette la sua base  $(x[i], 0)$  con la sua cima  $(x[i], h[i])$ . La passerella  $j$  (per  $0 \leq j \leq m - 1$ ) ha inizio e fine rispettivamente nei grattacieli  $l[j]$  and  $r[j]$  ed è posizionata ad una altitudine  $y[j]$ , per cui è rappresentata dal segmento tra  $(x[l[j]], y[j])$  e  $(x[r[j]], y[j])$ .

Un grattacielo e una passerella si **intersecano** se condividono un punto in comune. Tutte le passerelle intersecano i grattacieli ai loro due estremi, ma possono intersecare anche altri grattacieli intermedi.

Aiuta Kenan a trovare la lunghezza del percorso più breve che connette la base del grattacielo  $s$  alla base del grattacielo  $g$  percorrendo soltanto grattacieli e passerelle, oppure determinare che tale percorso non esiste. Nota che non è possibile camminare sulla strada, ovvero lungo la riga orizzontale di coordinata  $y$  uguale a 0; mentre è possibile passare liberamente tra passerelle e grattacieli ad ogni loro intersezione.

## Dettagli di implementazione

Devi implementare la seguente funzione.

```
int64 min_distance(int[] x, int[] h, int[] l, int[] r, int[] y,  
                  int s, int g)
```

- $x$  e  $h$ : array di interi di lunghezza  $n$
- $l$ ,  $r$ , e  $y$ : array di interi di lunghezza  $m$
- $s$  e  $g$ : due interi
- La funzione deve restituire la lunghezza del percorso di distanza minima tra la base del grattacielo  $s$  e la base del grattacielo  $g$ , se tale percorso esiste. Altrimenti, deve restituire  $-1$ .

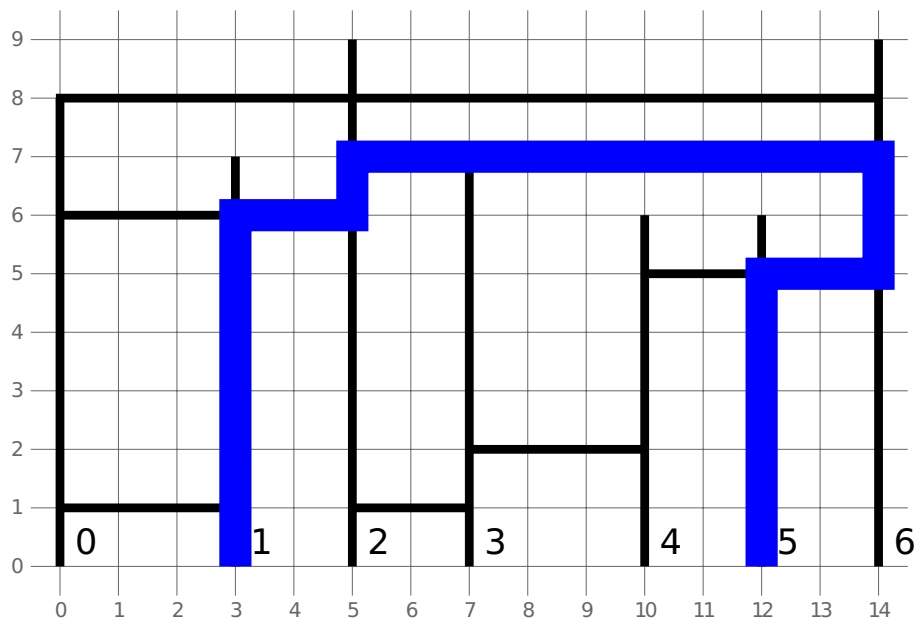
# Esempi

## Esempio 1

Considera la seguente chiamata di funzione:

```
min_distance([0, 3, 5, 7, 10, 12, 14],  
             [8, 7, 9, 7, 6, 6, 9],  
             [0, 0, 0, 2, 2, 3, 4],  
             [1, 2, 6, 3, 6, 4, 6],  
             [1, 6, 8, 1, 7, 2, 5],  
             1, 5)
```

La risposta corretta è 27, come rappresentato nella seguente figura.



## Esempio 2

```
min_distance([0, 4, 5, 6, 9],  
            [6, 6, 6, 6, 6],  
            [3, 1, 0],  
            [4, 3, 2],  
            [1, 3, 6],  
            0, 4)
```

In questo caso, la risposta corretta è 21.

## Assunzioni

- $1 \leq n, m \leq 100\,000$ .
- $0 \leq x[0] < x[1] < \dots < x[n-1] \leq 10^9$ .
- $1 \leq h[i] \leq 10^9$  (per ogni  $0 \leq i \leq n-1$ ).
- $0 \leq l[j] < r[j] \leq n-1$  (per ogni  $0 \leq j \leq m-1$ ).
- $1 \leq y[j] \leq \min(h[l[j]], h[r[j]])$  (per ogni  $0 \leq j \leq m-1$ ).
- $0 \leq s, g \leq n-1$ .
- $s \neq g$ .
- Nessuna coppia di passerelle ha punti in comune, tranne al più i loro estremi.

## Subtask

1. (10 punti)  $n, m \leq 50$ .
2. (14 punti) Ogni passerella interseca al più 10 grattacieli.
3. (15 punti)  $s = 0, g = n-1$ , e tutti i grattacieli hanno la stessa altezza.
4. (18 punti)  $s = 0, g = n-1$ .
5. (43 punti) Nessuna limitazione aggiuntiva.

## Grader di esempio

Il grader di esempio legge l'input nel seguente formato:

- riga 1:  $n \ m$
- riga  $2 + i$  ( $0 \leq i \leq n-1$ ):  $x[i] \ h[i]$
- righe  $n + 2 + j$  ( $0 \leq j \leq m-1$ ):  $l[j] \ r[j] \ y[j]$
- riga  $n + m + 2$ :  $s \ g$

Il grader di esempio stampa un'unica riga contenente il valore restituito dalla funzione `min_distance`.