



# Caminado por Puentes

Kenan dibujó un plano de edificios y puentes a lo largo de un lado de la avenida principal de Bakú. Hay  $n$  edificios numerados de 0 a  $n - 1$  y  $m$  puentes numerados de 0 a  $m - 1$ . El plano está dibujado en un plano cartesiano bi dimensional, en el cual los edificios y puentes son segmentos verticales y horizontales respectivamente.

La base del edificio  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ) está ubicada en el punto  $(x[i], 0)$  y el edificio tiene altura  $h[i]$ . Por lo tanto, es un segmento conectando los puntos  $(x[i], 0)$  y  $(x[i], h[i])$ .

El puente  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ) tiene sus extremos en los edificios numerados  $l[j]$  y  $r[j]$  y tiene coordenada positiva  $y$ ,  $y[j]$ . Por lo tanto, es un segmento que conecta los puntos  $(x[l[j]], y[j])$  y  $(x[r[j]], y[j])$ .

Un puente y un edificio se **intersecan** si comparten un punto en común. Por lo tanto, un puente intersecta dos edificios en sus dos extremos, y también puede intersectar otros edificios que estén entre ellos.

Kenan quisiera encontrar la longitud del camino más corto desde la base del edificio  $s$  a la base del edificio  $g$ , asumiendo que solamente se puede desplazar por los edificios y puentes, o determine que no existe tal camino. Note que no se permite caminar en el piso, esto es a lo largo de la recta horizontal  $y = 0$ .

Se puede ir de un puente a un edificio o viceversa en cualquier intersección. Si en un mismo punto hay extremos de dos puentes, se puede ir de un puente al otro.

Su tarea es ayudar a Kenan a responder esta pregunta.

## Detalles de Implementación

Usted debe implementar el procedimiento siguiente. Será llamado por calificador una vez por cada caso de prueba.

```
int64 min_distance(int[] x, int[] h, int[] l, int[] r, int[] y,  
                  int s, int g)
```

- $x$  y  $h$ : arreglos enteros de longitud  $n$
- $l$ ,  $r$ , y  $y$ : arreglos enteros de longitud  $m$
- $s$  y  $g$ : dos enteros
- Este procedimiento debe devolver la longitud del camino más corto entre la base

del edificio  $s$  y la base del edificio  $g$ , si tal camino existe. En otro caso, debe devolver  $-1$ .

## Ejemplos

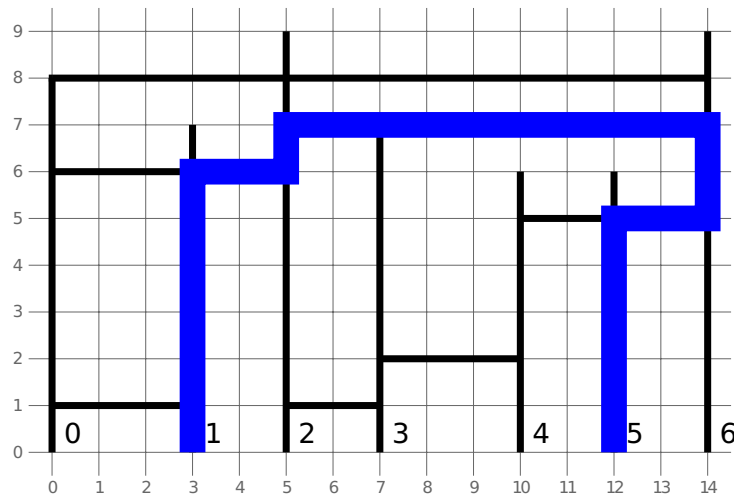
### Ejemplo 1

Considere la siguiente llamada:

```
min_distance([0, 3, 5, 7, 10, 12, 14],
             [8, 7, 9, 7, 6, 6, 9],
             [0, 0, 0, 2, 2, 3, 4],
             [1, 2, 6, 3, 6, 4, 6],
             [1, 6, 8, 1, 7, 2, 5],
             1, 5)
```

La respuesta correcta es 27.

La figura mostrada a continuación corresponde a *Ejemplo 1*:



### Ejemplo 2

```
min_distance([0, 4, 5, 6, 9],
             [6, 6, 6, 6, 6],
             [3, 1, 0],
             [4, 3, 2],
             [1, 3, 6],
             0, 4)
```

La respuesta correcta es 21.

## Restricciones

- $1 \leq n, m \leq 100\,000$
- $0 \leq x[0] < x[1] < \dots < x[n-1] \leq 10^9$
- $1 \leq h[i] \leq 10^9$  (para todo  $0 \leq i \leq n-1$ )
- $0 \leq l[j] < r[j] \leq n-1$  (para todo  $0 \leq j \leq m-1$ )
- $1 \leq y[j] \leq \min(h[l[j]], h[r[j]])$  (para todo  $0 \leq j \leq m-1$ )
- $0 \leq s, g \leq n-1$
- $s \neq g$
- No hay dos caminos que tengan un punto en común, excepto tal vez en sus extremos.

## Subtareas

1. (10 puntos)  $n, m \leq 50$
2. (14 puntos) Cada puente intersecta a lo más 10 edificios.
3. (15 puntos)  $s = 0, g = n-1$ , y todos los edificios son de la misma altura.
4. (18 puntos)  $s = 0, g = n-1$
5. (43 puntos) No hay restricciones adicionales.

## Calificador Ejemplo

El calificador ejemplo lee la entrada en el formato siguiente:

- línea 1:  $n\ m$
- línea  $2 + i$  ( $0 \leq i \leq n-1$ ):  $x[i]\ h[i]$
- línea  $n + 2 + j$  ( $0 \leq j \leq m-1$ ):  $l[j]\ r[j]\ y[j]$
- línea  $n + m + 2$ :  $s\ g$

El calificador ejemplo imprime una sola línea conteniendo el valor devuelto por `min_distance`.